# 安定性と非散逸性を両立する圧縮性流体計算スキームと 航空機全機LES解析

河合 宗司

# 1 はじめに

圧縮性流体と聞くと何を思い浮かべるでしょうか。 高速な流れや衝撃波、もしくは流体の全エネルギーを 構成する運動エネルギーと内部エネルギーの間のエネ ルギー交換が活発な流れなどを思い浮かべるかもしれ ません。航空宇宙分野で扱う流体現象の多くはこの圧 縮性流体に基づいており、航空機周りの流れ(もしくは 空力)も圧縮性流体現象となります。また同時に航空機 周りの流れは高レイノルズ数条件となり、流れは乱流 となります。航空機は空気(流体)の力を使って飛ぶこ とから、航空機開発において、航空機周りの圧縮性流 体(乱流)現象やそれに基づく空力性能の予測・評価 は、航空機開発の一丁目一番地とも言われる重要な要 素となっています。このことからも航空機開発におい て、数値流体解析、特に乱流現象を高忠実に解析可能 とする large-eddy simulation (LES) による圧縮性流体現 象の予測・評価が大きく期待されています。

本特集記事では、まず圧縮性流体(乱流)現象のLES 解析についてや、既存の計算スキームからの根本的な 大きな転換が求められている現状、さらには私たちの 近年の研究成果である、これまで困難であった一見し て相反する計算の「安定性」と「非散逸性」を同時に満た す物理現象により忠実な計算スキーム(kinetic energy and entropy preserving(KEEP)スキーム)について紹介し ます。また本計算スキームを含めた3つのキー学術成果 (自動格子生成を可能とする階層型等間隔直交格子法、 高レイノルズ数流れのLESを可能とする壁面モデル LES、高忠実な圧縮性流体解析を可能とする安定かつ 非散逸なKEEPスキーム)を実装した安定性と高忠実性 を両立する圧縮性流体解析基盤ソルバーFFVHC-ACE、 およびFFVHC-ACEを用いた航空機全機周りの最新の LES解析結果についても紹介したいと思います。

#### 筆者紹介



#### かわい そうし

東北大学大学院工学研究科教授。2005年東京大学 大学院工学系研究科修了博士(工学)。スタン フォード大学博士研究員、JAXA国際トップヤング フェローを経て、2019年より現職。専門は流体力 学、数値流体力学、航空宇宙工学。文部科学大臣 表彰若手科学者賞(2016)、日本流体力学会竜門賞 (2016)、東北大学ディスティングイッシュトリ サーチャー(2020)、日本流体力学会論文賞(2022)。

## 2 安定性と非散逸性を同時に満たす物理現象に より忠実な圧縮性流体計算スキーム

乱流のエネルギー保有渦を計算格子と計算スキーム で解像することが求められるLESでは、正確に乱流現 象を計算できる計算スキームがまず第一に必須となり ます。乱流現象の重要な特性としては(基本的には非粘 性の)エネルギーカスケードがあり、さらにそれに関わ る非粘性の運動エネルギー保存(厳密には非圧縮性条件 での運動エネルギー保存)があります。すなわちLES で用いる対流項(非粘性項)の計算スキームとしては、 数値散逸(散逸誤差)で非物理的に運動エネルギーが散 逸され、物理的なエネルギーカスケードが乱されては いけませんので、数値散逸が少ない、理想的にはゼロ となる非散逸な対流項の計算スキームが常に重要とな ります。また圧縮性流体現象では、運動エネルギー保 存に加えて、重要な特性として非粘性流れ (もしくは非 粘性項)のエントロピー保存が挙げられます。したがっ て、圧縮性流体の対流項の計算スキームでは数値的な 非散逸性に加えて、エントロピー保存性も(非常に)重 要となります。また本章で示すように、圧縮性流体解 析では、計算の安定性とエントロピー保存性が密接に 関わっています。

上記の理論的バックグラウンドは比較的よく知られ ていることで、では非散逸な数値散逸がゼロの中心系 の計算スキームを用いればよいのではと考えますが、 特に圧縮性流体解析では物事はそう簡単ではない現状 があります。現状の圧縮性流体解析では、著者の知る 限り(ほぼ)全ての数値計算で、計算の安定化のために 数値散逸が必要であり、導入されています。例えば、 構造格子が利用可能な比較的単純な形状を扱う主に学 術研究コードでは、保存型の支配方程式をコンパクト 差分法に代表されるような高次精度中心系スキームで 離散化する手法が広く用いられますが、それだけでは 瞬時に計算が不安定になるため、高次の数値散逸(多く の場合はローパスフィルタ)が導入されます。航空機の ような複雑形状解析では、学術研究コードから応用、 実用、商用コードを含め、従来からの風上スキームが 広く用いられており、大きな数値散逸を導入している のが現状です。すなわち現状の圧縮性流体解析は、学 術研究や応用・実用を問わず、数値散逸に依存してい る現状があります。特に複雑形状解析で広く用いられ る大きな数値散逸を伴う風上スキームの利用は、高忠 実なLESを妨げるものであり、航空機全機周りのLES 解析を考えると既存の計算スキームからの大きな転換 が不可避でした。

そこで私たちが考えたのが運動エネルギー・エント

ロピー保存スキーム、KEEPスキーム<sup>[1]</sup>です。KEEPス キームは、これまでの数値散逸を導入して計算の安定 化を図るのではなく、支配方程式から導かれる2次的な 物理量(運動エネルギーおよびエントロピー)も物理的 に正しく時間発展できるよう支配方程式の離散化を工 夫することで、(数値散逸の導入なしに)自然と計算が 安定になることを目指した計算スキームとなります。

圧縮性流体の支配方程式は一般的に、質量保存、運 動量保存、エネルギー保存の3つの保存則から構成され ます。解析的には積の微分法則を用いて、質量保存式 および運動量保存式から2次的物理量である運動エネル ギーが物理的に満たす方程式(非粘性・非圧縮条件では 運動エネルギー保存を示す式になる)が導かれ、さらに はギブスの式よりエントロピーが満たす保存式(非粘性 の場合)が導かれます。すなわち圧縮性流体現象では、 運動エネルギーやエントロピーもそれらの2次的に導か れる方程式に従って時間発展します。

既存の計算スキームの問題点は、直接解いている3つ の保存則(質量保存、運動量保存、エネルギー保存)は 離散的にも満足するのですが、解析的には成立する積 の微分法則を離散的に満たさないため、2次的な物理量 である運動エネルギーやエントロピーの時間発展を正 しく追えないことにあります。これが原因で圧縮性流 体解析では、計算の安定化のために長年、数値散逸に 依存しなければならないのが現状でした。そこで私た ちは近年、従来の3つの保存則(質量保存、運動量保 存、エネルギー保存)を直接解きながら、2次的物理量 の方程式の導出に使う積の微分法則を離散的にも満た すことで、運動エネルギーやエントロピーの時間発展 も正しく追える計算スキーム、KEEPスキーム<sup>[1]</sup>を提案 しています。KEEPスキームは数値流束の形を工夫して いますが、中心的な離散化だけでシンプルに構築され ているため既存のプログラムへの実装が容易なことも 利点となります(詳細は参考文献[1-3]を参照)。

図1は非粘性・圧縮性Taylor-Green渦問題におけるエントロピー保存エラーを示した図です。非粘性条件ですのでエントロピーは保存するのが正しい解析解となります。また本問題は初期の大きな渦構造が時間発展





とともに小スケール渦に遷移していく問題で、数値散 逸の導入なしに安定に計算するのが非常に困難な問題 として知られています。提案しているKEEPスキーム は、その設計通りエントロピーを非常によく保存し、 数値散逸の導入なしに長時間安定に計算ができていま す。著者の知る限り、ここまでの長時間、数値散逸の 導入なしに安定に計算が可能な計算スキームはこれま でにありません。また圧縮性流体解析では、対流項な どの非粘性項の離散化で離散的にも解析的なエントロ ピー保存を満たすことが、計算の安定化に非常に重要 となることが明らかになっています。これに対し、通 常の中心系スキームでは非物理的にエントロピーが負 となり、すぐに計算が破綻します。また圧縮性流体解 析で広く用いられる風上スキームは数値散逸の導入に より渦が拡散し(最終的には消失する)、非物理的にエ ントロピーが増加してしまいます。結果として、計算 は安定にできますが、高忠実な計算を大きく妨げるこ ととなります。

現在、本KEEPスキームは、一般座標系での高次精 度スキームへの拡張<sup>[2]</sup>や移動変形格子への拡張<sup>[5]</sup>、次 章の航空機全機LES解析で用いているハンギングノー ドを有する階層型直交格子法への拡張<sup>[4]</sup>、さらには空 間方向だけでなく時間方向の離散化でも運動エネル ギーおよびエントロピーの保存性を大幅に向上させる スキームへの拡張<sup>[6]</sup>など展開されています。またこれ は余談ですが、Euler方程式をKEEPスキームで解くこ とで、これまで困難であったエントロピーを保存する 本当の意味での(数値散逸ゼロの)非粘性衝撃波の計算 にも成功しています<sup>[6]</sup>。

# 3 安定性と高忠実性を両立する圧縮性流体解析 基盤ソルバーFFVHC-ACEと航空機全機LES 解析

前章では、圧縮性流体の基本的な支配方程式である3 つの保存則(質量保存、運動量保存、エネルギー保存) から2次的に導かれる運動エネルギーやエントロピーの 方程式も正しく時間発展できるよう支配方程式の離散 化を工夫することで、一見して相反する計算の「安定 性」と「非散逸性」を両立する計算スキーム、KEEPス キームが構築できることを紹介しました。本章ではま ず、本KEEPスキームを実装した学術研究から産業応 用・実用までの使用に耐える安定性と高忠実性を両立 する圧縮性流体解析基盤ソルバーFFVHC-ACEを簡単 に紹介します。その後、著者の知る限り初となる実際 の航空機(三菱スペースジェット)実機フライト試験の LES解析とフライト試験データとの比較を含め、 FFVHC-ACEを用いた航空機全機周りの最新のLES解 析結果について紹介します。

### 3.1 圧縮性流体解析基盤ソルバーFFVHC-ACE

私たちの研究グループで開発している圧縮性流体解 析基盤ソルバーFFVHC-ACEは、航空機のような複雑 形状かつ高レイノルズ数流れに対し、学術研究から応 用・実用までの使用に耐える安定性と高忠実性を両立 するソルバーを目指しているものです。このような圧 縮性流体解析ソルバーは、世界的に見てもほとんど存 在しないのが現状であり、FFVHC-ACEが学術界から 産業界までの圧縮性流体が関わる幅広い分野に貢献で きればと考えています。なおFFVHC-ACEの初期バー ジョンは、本年7月頃より、スーパーコンピュータ「富 岳」を初め、北海道大学、東北大学、東京大学、名古屋 大学、大阪大学、最先端共同HPC基盤施設(JCAHPC) 所有のスパコンにインストールされ無償で利用可能と なる予定です。

FFVHC-ACEの詳細については参考文献[7]を参照し ていただくこととし、ここではその概要を紹介しま す。FFVHC-ACEはKEEPスキームを含め3つのキーと なる学術成果によって構成されています。その1つ目 は、複雑形状に対しても形状データ(STLデータ)を入 力するだけで自動格子生成を可能とする階層型等間隔 直交格子法です。複雑形状周りに格子を作成すること は実際の計算時間よりも時間を要することがしばしば ある現状や、状況によっては格子生成自体が実質不可 能となる場合もあることを考えると、自動格子生成は 必須の技術であり、(学術界も含め)特に産業界での高 忠実な流体解析の普及を妨げている格子作成問題を解 決する技術になると考えています。2つ目は、前章で紹 介した高忠実な圧縮性流体解析を可能とする階層型直 交格子法に展開した安定かつ非散逸なKEEPスキーム<sup>[4]</sup> です。私たちはこれまでいくつかの異なる航空機複雑 形状周りの流れを様々な格子解像度を用いてFFVHC-ACEで解析してきましたが、(著者自身が驚いているこ とでもありますが)計算が落ちるということをほとんど 経験していません。これは正に安定かつ高忠実なKEEP スキームの恩恵でもあります。最後の3つ目のキー技術 は、高レイノルズ数流れのLESを可能とする壁面モデ ルLES<sup>[8]</sup>です。FFVHC-ACEでは物体非適合直交格子に 拡張した壁面モデル<sup>[9]</sup>を実装しています。高レイノル ズ数流れでは、おおよそ境界層厚さの壁面近傍10%以 下における内層乱流の空間スケールおよび時間スケー ルが非常に小さくなり、通常の壁面まで解像するLES を実施することは「富岳」を用いても困難となります。 壁面モデルLESはこの内層乱流をモデル化し、境界層 の約90%の外層乱流は通常のLESとして解くことで、 壁面近傍の格子点数の削減と時間刻み幅の増大の両側 面から計算コストを大幅に削減する計算手法となりま す。特に航空機のような10の7乗オーダーにもなる高レ イノルズ数流れでは、通常のLESと比べ約10.000倍以 上の高速化を実現し、高レイノルズ数流れのLESを実 現する必須の技術となります。また非等方な内層乱流 を意図的に解像せず、比較的等方的な外層乱流をLES として解像する壁面モデルLESは、等間隔直交格子法 との相性も抜群です。

以上のように圧縮性流体解析基盤ソルバーFFVHC-ACEは、私たちオリジナルの近年の学術成果で構築さ れており、これら3つのキー学術成果が、どれ一つ欠け ても次で紹介する航空機全機周りのLES解析は実現で きませんでした。

#### 3.2 航空機全機周りのLES解析

それでは最後にFFVHC-ACEを用いた航空機全機周 りの最新の壁面モデルLES解析結果について紹介しま す。ここでは、これまで予測評価が困難であった航空 機開発における最大の空力課題とも言える離着陸性能 や失速などの安全性に関わる最大揚力の予測評価につ いてのLES解析結果を紹介します。解析対象は、航空 機模型の風洞試験および三菱スペースジェット実機フ ライト試験であり、計算には「富岳」を用いています。

図2は、ランディングギアやフラップ・スラット、支 持装置、ナセルなどを含めた航空機離着陸時の複雑形 状に対する FFVHC-ACEを用いた壁面モデル LES 解析 結果です。レイノルズ数は大型旅客機相当の  $Re_c \approx 4 \times 10^7$ 、マッハ数は $M_{\infty} \approx 0.2$ です。形状データ (STLデータ)を入力するだけで、特にランディングギ アはケーブルなどを含め非常に細かい構造となってい ますが、完全自動で格子生成から安定・高速な LES 解 析までシームレスに実現しています。これまでの解析 で用いた最大の格子点数は約640億点ですが、「富岳」を 用いて約20分で自動的に格子生成が完了します。また ウォータータイトな形状データでなくても、自動格子 生成が可能なのも FFVHC-ACEの特徴です。

図3は、アメリカ 航空宇宙学会 (AIAA) の High Lift



図2 航空機離着陸時複雑形状周りのLES解析。Q値の等値面 により乱流渦を可視化。





Prediction Workshopのテストケースとなった航空機離着 陸時の複雑形状を模擬した JAXA Standard Model (JSM) の風洞試験<sup>[10]</sup>に対する最大揚力の予測評価結果です。 風洞試験に対する解析ですので、レイノルズ数は10の6 乗オーダーとなり $Re_c \approx 2 \times 10^6$ です。ここでは全く同 じ格子を用いて、対流項の離散化に2次精度KEEPス キームを使った結果と、従来の3次精度風上スキーム (リミッタなし)を使った結果を載せています。また図4 にはそれぞれのLES解析で得られた時間平均表面流線 および瞬間の断面速度分布を示しています。ここでは 示しませんが風洞試験結果では、主翼の内舷側には剥 離が生じず、外舷側の一部に剥離が生じる結果が得ら れており、KEEPスキームはGrid1(平均空力翼弦長cに おおよそ1000点)という比較的粗い格子でその剥離形態 を非常によく予測しています。一方で同じ格子を用い た3次精度風上スキームの結果は、リミッタを導入しな い比較的よい計算をしているにも関わらず、スラット からの剥離せん断層から生じる渦が数値散逸で拡散 し、非物理的に大きな渦構造となり流れが過剰に剥離 し、失速状態に入ってしまっています。図3に示す通 り、その結果、揚力が大幅に低く予測されてしまって います。もちろん格子解像度を各方向倍にしたGrid2 (cにおおよそ2000点)を用いることで結果は改善され ますが、依然として内舷側に剥離領域が残っており、 揚力予測もGrid1を用いたKEEPスキームより劣りま す。本結果からも高忠実なLESの実現に対する対流項 の離散化スキームの重要性を改めて認識させられま す。なお本LES解析では時間平均統計量を取得するの に、一様流が空力平均翼弦の5倍(5c)流れる時間の計 算が必要となりますが、その計算に要する時間は、 Grid1の解析で「富岳」全系の約0.5% (768ノード)を使っ て約10時間、Grid2では全系の約2%(3456ノード)を 使って約35時間となります。だいぶ身近に感じるので はないでしょうか。



図4 航空機全機LES解析におけるKEEPスキームの重要性<sup>[7]</sup>。 時間平均表面流線および瞬間の断面速度分布。

最後に三菱スペースジェット実機フライト試験の LES解析結果を紹介します。実際の航空機フライト試 験に対する解析ですので、レイノルズ数は10の7乗オー ダー $Re_c \approx 10^7$ となり、著者の知る限り、航空機実機フ ライト試験のLES解析は世界初だと思います。なお本 LES解析では、三菱重工グループの方々がFFVHC-ACE を用いて、形状データの入力のみで完全自動かつロバ ストに三菱スペースジェット実機フライト試験のLES 解析に成功しています。私たちはFFVHC-ACE利用の サポートをしただけです。正に学術研究から応用・実 用までの使用に耐える、ユーザーを問わない安定性と 高忠実性を両立する完全自動LES解析が可能となって います。特に複雑形状解析ともなれば、計算が落ちる という経験を誰しもがすると思いますが、FFVHC-ACE では計算が不安定になったという話をほとんど聞きま せん。図5および図6に最大揚力の予測結果および高迎 角時における瞬間表面流線を示します。上記JSMの LES 解析と同様に、Grid2 (cにおおよそ2000点)を用い ることで、迎角1における最大揚力値やそれよりも高迎 角側(迎角2)での揚力の低下(失速)をよく予測してい ます。図6の表面流線を見ると、本LES解析は迎角の上 昇にともないエンジンナセル下流の内舷側で剥離が拡







図6 三菱スペースジェット実機フライト試験の失速形態予測 評価。Q値等値面による乱流渦と瞬間表面流線(三菱重 エグループ提供)<sup>[7]</sup>。 大し、失速に至る現象を予測しています。この内舷側 の剥離が拡大し失速に至る現象は、実際の設計におい てもそのように設計されており、航空機実機複雑形状 周りの剥離現象をよく予測できていると考えられま す。本結果は、実機航空機の最大揚力予測評価に成功 していることを示しており、航空機開発における最大 の空力課題の解決にある程度の目処が立ってきたと 言っても過言ではないと考えています。

#### 4 おわりに

本特集記事では、高忠実な圧縮性流体解析のために 第一に重要となる非散逸な計算スキームについて、近 年の研究成果である運動エネルギー・エントロピー保 存スキーム、KEEPスキーム(kinetic energy and entropy preserving scheme)を紹介しました。KEEPスキームは、 支配方程式から導かれる計算では直接は解かない2次的 な物理量(運動エネルギーおよびエントロピー)も物理 的に正しく時間発展できるように支配方程式の離散化 を工夫する計算スキームとなります。これにより、こ れまでの圧縮性流体解析では導入不可避であった非物 理的な数値散逸を導入しなくても、著者自身が驚くほ ど安定で高忠実な計算が可能になることを実証してき ました。KEEPスキームはシンプルな中心系の数値流束 の形で記載でき、プログラムへの実装も容易である特 徴があります。ぜひ試して頂けると幸いです。

本特集の後半では、KEEPスキームなどを実装した、 学術研究から応用・実用までの使用に耐え、ユーザー を問わない安定性と高忠実性を両立する完全自動LES 解析が可能な圧縮性流体解析基盤ソルバーFFVHC-ACE、およびFFVHC-ACEを用いた実用例を航空機全 機周りのLES解析を中心に紹介しました。著者が2005 年に博士号を取得した当時(もうそれから18年も経って いることに驚きます)、次の大きな目標の一つとして航 空機全機周りのLESを実現したいと考え、コツコツと 地道に基礎研究を進めてきました。幸いにも多くの素 晴らしい研究者の方々と一緒に研究ができ、その目標 の一端を掴むところまでは来れたかと考えています。 とは言うものの、まだまだ解決したいと考えている課 題(例えばFFVHC-ACEによる移動変形物体解析や流体 構造連成解析など)は山のようにあり、今後もどこかで その進展をご紹介できればと考えています。

#### 謝辞

本研究成果の一部は、文部科学省「富岳」 成果創出加 速プログラム「航空機フライト試験を代替する近未来型 設計技術の先導的実証研究(JPMXP1020200312)」、お よび「航空機デジタルフライトが拓く機体開発DXに向 けた実証研究(JPMXP1020230320)」の一環として行わ れたものであり、スーパーコンピュータ「富岳」の計算 資源の提供を受け実施しました。また本特集記事で紹 介した研究成果は、「富岳」成果創出加速プログラムで 一緒に研究を進めている東北大学、JAXA、三菱重工グ ループの方々との共同研究成果であり、謝意を表した いと思います。

#### ■参考文献

- Kuya, Y., Totani, K. & Kawai, S.: Kinetic energy and entropy preserving schemes for compressible flows by split convective forms, *J. Comput. Phys.*, 375 (2018) 823-853.
- [2] Kuya, Y. & Kawai, S.: High-order accurate kinetic-energy and entropy preserving (KEEP) schemes on curvilinear grids, J. Comput. Phys., 442 (2021) 110482.
- [3] Tamaki, Y., Kuya, Y. & Kawai, S.: Comprehensive analysis of entropy conservation property of non-dissipative schemes for compressible flows: KEEP scheme redefined, *J. Comput. Phys.*, 468 (2022) 111494.
- [4] Kuya, Y. & Kawai, S.: A stable and non-dissipative kinetic energy and entropy preserving (KEEP) scheme for nonconforming block boundaries on Cartesian grids, *Comput. Fluids*, 200 (2020) 104427.
- [5] Sashida, H., Kuya, Y. & Kawai, S.: Kinetic-energy and entropy preserving (KEEP) schemes on moving and deforming meshes, in preparation.
- [6] Asada, H., Maruyama, K. & Kawai, S.: Temporal discretization for improving kinetic-energy and entropy preservation properties in KEEP schemes, in review (2023).
- [7] Asada, H., Tamaki, Y., Takaki, R., Yumitori, T., Tamura, S., Hatanaka, K., Imai, K., Maeyama, H. and Kawai, S.: FFVHC-ACE: fully automated Cartesian-grid-based solver for compressible large-eddy simulation, *AIAA J.*, Article in Advance, (2023).
- [8] Larsson, J., Kawai, S., Bodart, J. & Bermejo-Moreno, I.: Large eddy simulation with modeled wall-stress: recent progress and future directions, *Mech. Eng. Rev.*, 3 (2016) 15-00418.
- [9] Tamaki, Y. and Kawai, S.: Wall-modeling for large-eddy simulation on non-body-conforming Cartesian grids, *Phys. Rev. Fluids*, 6 (2021), 114603.
- Yokokawa, Y., Murayama, M., Uchida, H., Tanaka, K., Ito, T. & Yamamoto, K.: Aerodynamic Influence of a Half-Span Model Instal- lation for High-Lift Configuration Experiment, *AIAA Paper* 2010-684, (2010).